Tutorium Mathematik II, M 17. Mai 2013

*Aufgabe 1. Berechnen Sie zur Kurve

$$\vec{x}(t) = \begin{pmatrix} \sinh(t) \\ t \\ \cosh(t) \end{pmatrix}$$

das begleitende Dreibein in Abhängigkeit von der Bogenlänge.

Aufgabe 2. Berechnen Sie zu den folgenden Kurven jeweils das begleitende Dreibein in Abhängigkeit von der Bogenlänge.

(a)
$$\vec{x}(t) = \begin{pmatrix} \frac{2}{3}(1+t)^{\frac{3}{2}} \\ \frac{2}{3}(1-t)^{\frac{3}{2}} \\ \frac{1}{2}t \end{pmatrix}$$
 mit $t \in [-1, 1]$

(b)
$$\vec{x}(t) = \begin{pmatrix} \cos(t) \\ \sin(t) \\ t \end{pmatrix}$$

(c)
$$\vec{x}(t) = \begin{pmatrix} 3\cos(t) \\ 5\sin(t) \\ 4\cos(t) \end{pmatrix}$$

$$(\mathrm{d}) \ \vec{x}(t) = \begin{pmatrix} t \\ -\sqrt{2} \ln \left(\cos(t) \right) \\ \tan(t) - t \end{pmatrix} \ \mathrm{mit} \ t \in \left[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2} \right]$$
 Hinweis:
$$\frac{1}{\cos^2(t)} = 1 + \tan^2(t).$$